

اختبار مادة الرياضيات

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

تعليمية : ضع العلامة x في الخانة الموافقة للجواب الصحيح (1) في بطاقة الأجوبة .

(1) إذا كان $\log_x y = 100$ و $\log_2 x = 10$ فما هي قيمة y ؟

- ☐ A 2^{10000} ☒ B 2^{100} ☒ C 2^{1000} ☐ D 2^{10} ☐ E آخر

(2) $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{\ln x + \ln 2}{2x-1}$ تساوي :

- ☐ A 2 ☐ B $\frac{1}{2}$ ☐ C $\ln 2$ ☒ D 1 ☐ E آخر

(3) لتكن f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $g(x) = e^x(x-1) + x^2$. من بين العبارات الآتية ما هي العبارة الصحيحة؟

- ☐ A g موجبة على $[0, +\infty[$ ☐ B g سالبة على $[0, 1[$ ☒ C g تزايدية قطعا على $[0, +\infty[$ ☐ D g تقبل قيمة قصوى في 0 ☐ E المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا في \mathbb{R}

(4) التكامل $\int_0^1 e^{2x+1} dx$ يساوي :

- ☐ A $\frac{e^3 - e}{2}$ ☐ B $2e^3 - 2e$ ☐ C $e^3 - 1$ ☒ D $\frac{e^3 - e}{3}$ ☐ E آخر

(5) إذا كان $5 + 15 + 45 + 135 + \dots + N = 147620$ فما هي قيمة N ؟

- ☐ A 49205 ☐ B 32805 ☐ C 295245 ☒ D 98415 ☐ E آخر

(6) من بين المتتاليات الآتية ما هي المتتالية المتقاربة؟

- ☐ A $\left(n + \frac{3}{n}\right)_{n=1}^{\infty}$ ☐ B $\left(-1 - \frac{(-1)^n}{n}\right)_{n=2}^{\infty}$ ☐ C $\left(\frac{n}{\ln n}\right)_{n=1}^{\infty}$ ☐ D $\left(\sin \frac{n\pi}{2}\right)_{n=2}^{\infty}$ ☐ E $\left(\left(\frac{e}{2}\right)^n\right)_{n=20}^{\infty}$

$e^{n \ln \left(\frac{e}{2}\right)}$



$\frac{1}{n} \rightarrow 0$

$\frac{1}{n} \rightarrow 0$

$\frac{1}{n} \rightarrow 0$

(7) إذا كان $a = \cos \alpha + i \sin \alpha$ و $b = \cos \beta + i \sin \beta$ فإن $\frac{1}{2} \left(ab + \frac{1}{ab} \right)$ يساوي

☐ A $\cos(\alpha + \beta)$ ☐ B $\sin(\alpha + \beta)$ ☐ C $\cos(\alpha - \beta)$ ☐ D $\sin(\alpha - \beta)$ ☐ E آخر

(8) $ABCD$ متوازي أضلاع. إذا كانت z_A و z_B و z_C و z_D هي الحاقق النقط A و B و C و D على التوالي:

☐ A $z_A + z_B = z_C + z_D$ ☒ B $z_A + z_C = z_B + z_D$ ☐ C $z_A + z_D = z_B + z_C$

☐ D $z_A \times z_B = z_C \times z_D$ ☐ E آخر

(9) تعتبر الفلكة (S) التي مركزها $I(1, -2, 0)$ وشعاعها 3 والمستوى (P) المعروف بالمعادلة الديكارسية

$$x + y - 3z + 4 = 0$$

ما هو تقاطع الفلكة (S) والمستوى (P) ؟

☐ A الدائرة التي مركزها $I(1, -2, 0)$ وشعاعها 2 ☐ B دائرة شعاعها $r = \frac{3\sqrt{10}}{11}$

☒ C دائرة شعاعها $r = 3\sqrt{\frac{10}{11}}$ ☐ D النقطة $A(1, -5, 0)$ ☐ E آخر

(10) يحتوي صندوق U على n كرة حمراء و $10-n$ كرة حمراء، ويحتوي صندوق V على $10-n$ كرة سوداء و n كرة سوداء مع $0 < n < 10$.

نختار عشوائياً أحد الصندوقين ونسحب منه كرة.

إذا كان احتمال الحصول على كرة سوداء هو $\frac{17}{40}$ فما هي قيمة n ؟

☐ A 4 ☐ B 3 ☐ C 2 ☐ D 1 ☐ E آخر